

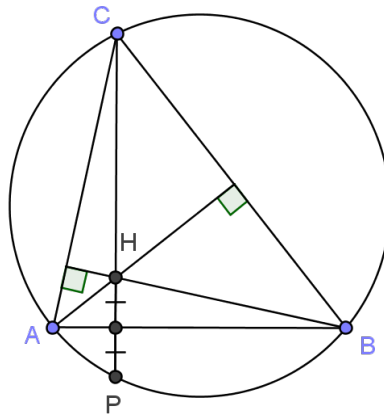
Основные свойства ортоцентра

Ортоцентр - это точка пересечения прямых, содержащих высоты треугольника.

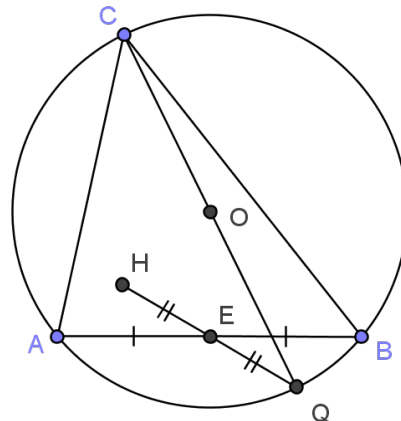
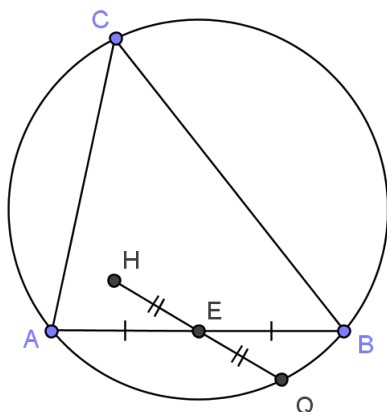
Ортотреугольник или ортоцентрический треугольник - это треугольник, вершины которого являются основаниями высот данного треугольника.

Обратим внимание на следующие свойства ортоцентра и ортотреугольника и покажем, как они применяются в решении задач разного уровня.

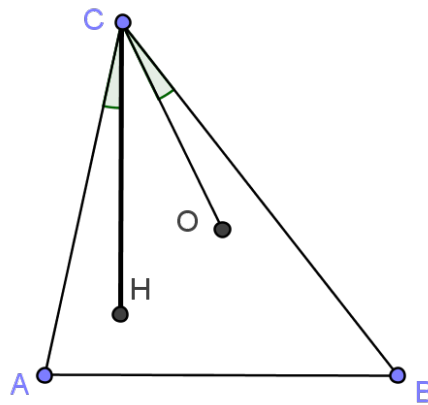
1 свойство. Точка, симметричная ортоцентру относительно стороны треугольника, лежит на описанной около него окружности.



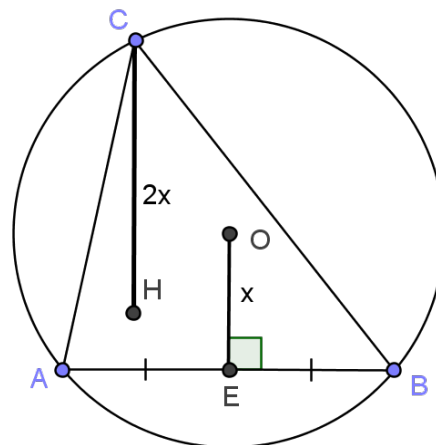
2 свойство. Точка, симметричная ортоцентру относительно середины стороны треугольника, лежит на описанной около него окружности и диаметрально противоположна вершине треугольника, противолежащей данной стороне.



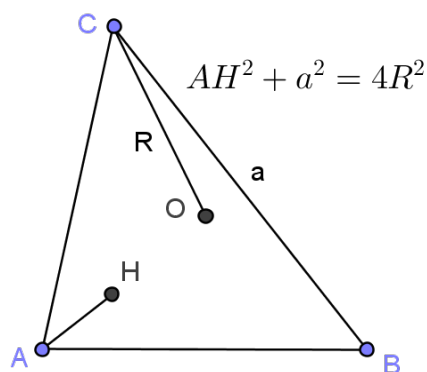
3 свойство. При изогональном сопряжении ортоцентр переходит в центр описанной окружности.



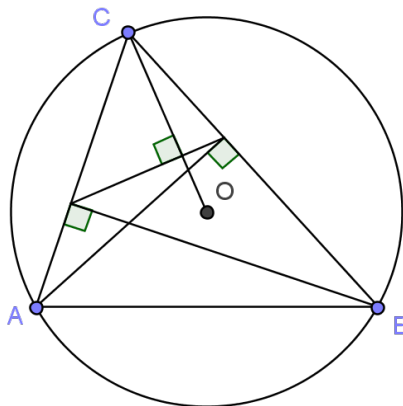
4 свойство. Расстояние от вершины треугольника до ортоцентра в 2 раза больше расстояния от центра описанной окружности до противоположной стороны.



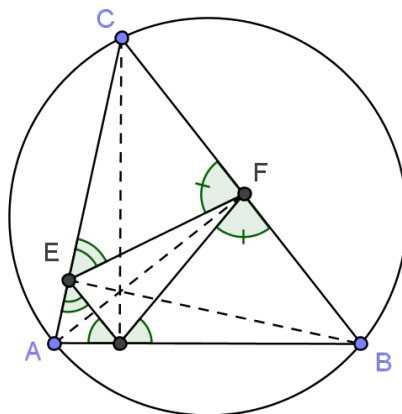
5 свойство. Сумма квадратов расстояния от вершины треугольника до ортоцентра и длины стороны, противоположной этой вершине, равна квадрату диаметра описанной окружности.



6 свойство. Радиусы описанной окружности, проведённые к вершинам треугольника, перпендикулярны соответствующим сторонам ортотреугольника.



7 свойство. Ортоцентр в остроугольном треугольнике является инцентром ортотреугольника.



8 свойство. Если AD и BE — высоты треугольника ABC , то треугольник DEC подобен треугольнику ABC с коэффициентом $|\cos \angle C|$.